Учреждение образования

«Белорусский государственный технологический университет»

**Практическое занятие №4.2**

**«Криптографическая защита информации»**

Выполнила:

Студентка 2 курса 1 группы ФИТ

Самсоник Анастасия Ивановна

Цель: Овладение основными криптографическими алгоритмами симметричного шифрования.

**Задание №1**

Рассказать процесс работы алгоритма RSA.

RSA (аббревиатура от фамилий Rivest, Shamir и Adleman) — криптографический алгоритм с открытым ключом, основывающийся на вычислительной сложности задачи факторизации больших целых чисел.

Криптосистема RSA стала первой системой, пригодной и для шифрования, и для цифровой подписи.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Этап | Описание операции | Результат операции |
| Генерация ключей | Выбрать два простых различных числа | p=3557,  q=2579 |
| Вычислить модуль (произведение) | n = p \cdot q = 3557 \cdot 2579 = 9173503 |
| Вычислить функцию Эйлера | \varphi(n) = (p-1) (q-1) = 9167368 |
| Выбрать открытую экспоненту | e = 3 |
| Вычислить секретную экспоненту | d = e^{-1} \mod \varphi(n)  d = 6111579 |
| Опубликовать открытый ключ | \{e, n\} = \{3,9173503 \} |
| Сохранить закрытый ключ | \{d, n\} = \{6111579, 9173503 \} |
| Шифрование | Выбрать текст для зашифровки | m = 111111 |
| Вычислить шифротекст | \begin{align} c &= E(m) \\  &= m^e \mod n \\  &= 111111^3   \mod 9173503 \\  &= 4051753 \end{align} |
| Расшифрование | Вычислить исходное сообщение | \begin{align} m &= D(c) = \\   &= c^d \mod n \\   &= 4051753^{6111579} \mod 9173503 \\   &= 111111 \end{align} |

**Задание №2**

Рассказать процесс работы алгоритма Диффи-Хеллмана.

На практике **обмен ключами** по алгоритму Диффи‑Хеллмана происходит по следующей схеме.

1. Два участника обмена договариваются о двух числах. Один выбирает большое простое число, а другой – целое число, меньше числа первого участника. Переговоры они могут вести открыто, и это никак не отразится на безопасности.
2. Каждый из двух участников, независимо друг от друга, генерирует другое число, которое они будут хранить в тайне. Эти числа выполняют роль секретного ключа. Далее в вычислениях используются секретный ключ и два предыдущих целых числа. Результат вычислений посылается участнику обмена, и он играет роль открытого ключа.
3. Участники обмена обмениваются открытыми ключами. Далее они, используя собственный секретный ключ и открытый ключ партнера, конфиденциально вычисляют ключ сессии. Каждый партер вычисляет один и тот же ключ сессии.
4. Ключ сессии может использоваться как секретный ключ для другого алгоритма шифрования, например DES. Никакое третье лицо, контролирующее обмен, не сможет вычислить ключ сессии, не зная один из секретных ключей.

**Самое сложное в алгоритме** Диффи‑Хеллмана обмена ключами – это понять, что в нем фактически два различных независимых цикла шифрования. Алгоритм Диффи‑Хеллмана применяется для обработки небольших сообщений от отправителя получателю. Но в этом маленьком сообщении передается секретный ключ для расшифровки большого сообщения.

**Сильная сторона алгоритма** - никто не сможет скомпрометировать секретное сообщение, зная один или даже два открытых ключа получателя и отправителя. В качестве секретных и открытых ключей используются очень большие целые числа. Алгоритм Диффи‑Хеллмана основан на полезных для криптографии свойствах дискретных логарифмов.

**Задание №3**

Рассказать процесс работы алгоритма Эль-Гамаля.

**Генерация ключей**

1. Генерируется случайное простое число ~p длины ~n битов.
2. Выбирается случайный примитивный элемент ~g.
3. Выбирается случайное целое число ~x такое, что ~1 < x < p-1.
4. Вычисляется ~y = g^x\,\bmod\,p.
5. Открытым ключом является тройка \left( p,g,y \right), закрытым ключом — число ~x.

**Шифрование**

Сообщение ~M шифруется следующим образом:

1. Выбирается сессионный ключ — случайное целое число ~k такое, что ~1 < k < p - 1
2. Вычисляются числа a = g^k\,\bmod\,p и b = y^k M\,\bmod\,p.
3. Пара чисел \left( a, b \right) является шифротекстом.

Нетрудно видеть, что длина шифротекста в схеме Эль-Гамаля длиннее исходного сообщения M вдвое.

**Расшифрование**

Зная закрытый ключ ~x, исходное сообщение можно вычислить из шифротекста \left( a, b \right) по формуле:

M = b(a^x)^{-1}\,\bmod\,p.

При этом нетрудно проверить, что

~(a^x)^{-1}\equiv g^{-kx}\pmod{p}

и поэтому

~b(a^x)^{-1}\equiv (y^kM)g^{-xk}\equiv (g^{xk}M) g^{-xk}\equiv M \pmod{p}.

Для практических вычислений больше подходит следующая формула:

M = b(a^x)^{-1}\,\bmod\,p = b \cdot a^{(p-1-x)}\,\bmod\,p 